

ケーロンの法則

2個の点電荷の間の静電気力

- **作用反作用の法則**
 - 2点を結ぶ直線に平行
 - どちらの電荷にも同じ大きさ, 逆向きの力
- **逆2乗則**
 - 万有引力と同じ性質
- **電荷の種類と力の向き**
 - 異種(異符号): 引力
 - 同種(同負号): 反発力
- 両者が**静止**していても作用する
- **力の大きさ**: $1\text{C} \times 1\text{C}/1\text{m}^2$, 真空中 $\rightarrow 9 \times 10^9 \text{ N}$

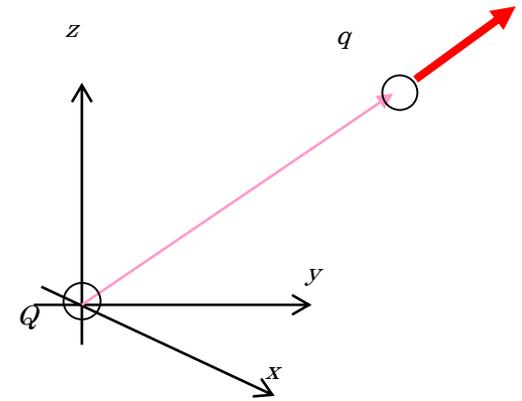
物体の形を決めるクーロン力

- 物質 → 分子 → 原子 → 電子+原子核
- 電子: 負電荷, 原子核: 正電荷
- クーロン力による原子の大きさ, 分子の形

ベクトルによる表現(式と図)

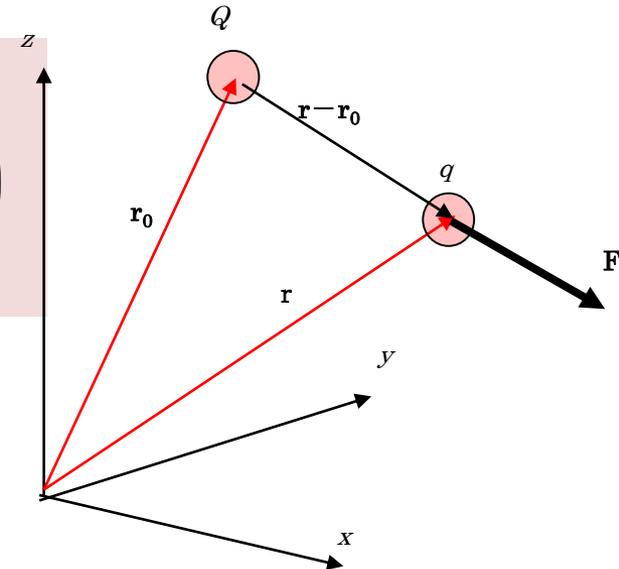
原点に電荷 Q , 位置 \vec{r} に q

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qQ}{r^2} \left(\frac{\vec{r}}{r} \right), \quad r = |\vec{r}|$$



位置 \vec{r}_0 に電荷 Q , 位置 \vec{r} に q

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qQ}{|\vec{r} - \vec{r}_0|^2} \left(\frac{\vec{r} - \vec{r}_0}{|\vec{r} - \vec{r}_0|} \right)$$



真空の誘電率

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi k_0} \simeq 8.9 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{Nm}^2$$

クーロン力の重ね合わせ

- 重ね合わせ

- ベクトル和, 成分ごとの和

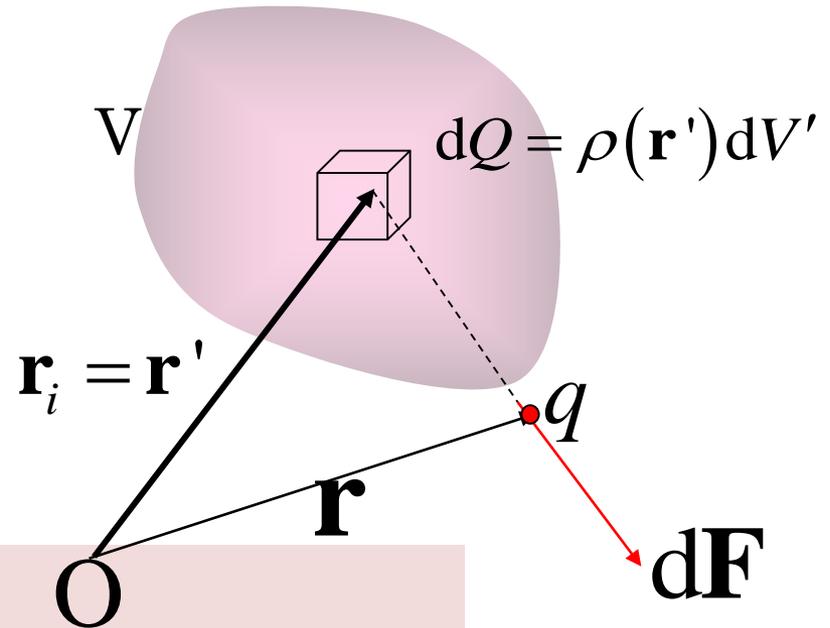
$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$$

- 他の種類の力 (e.g. 重力) との重ね合わせ

- 複数の電荷によるクーロン力

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q \sum_{j=1, N} \frac{Q_j}{|\vec{r} - \vec{r}_j|^2} \left(\frac{\vec{r} - \vec{r}_j}{|\vec{r} - \vec{r}_j|} \right)$$

連続な電荷分布によるクーロン力



$$\begin{aligned}\vec{F}(\vec{r}) &= \iiint_V d\vec{F} \\ &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q \iiint_V \frac{\rho(\vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^2} \frac{\vec{r} - \vec{r}'}{|\vec{r} - \vec{r}'|} dV'\end{aligned}$$

クーロン力の位置エネルギー

- 点電荷 Q (原点), q (\vec{r})が持つ位置エネルギー

$$U(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qQ}{r}$$

$$\therefore \vec{F} = -\nabla U = \left(-\frac{\partial U}{\partial x}, -\frac{\partial U}{\partial y}, -\frac{\partial U}{\partial z} \right) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qQ}{r^2} \left(\frac{\vec{r}}{r} \right)$$

- 位置エネルギーの基準は無限遠(力=0)

$$U(\infty) = 0$$

位置エネルギーの重ね合わせ

$$U(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q \sum_{j=1, N} \frac{Q_j}{|\vec{r} - \vec{r}_j|}$$

$$U(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q \iiint_V \frac{\rho(\vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|} dV'$$

$$U = U_1 + U_2 + \cdots + U_N \quad \longleftrightarrow \quad \begin{aligned} \vec{F} &= -\nabla U = -\nabla(U_1 + U_2 + \cdots + U_N) \\ &= -\nabla U_1 - \nabla U_2 \cdots - \nabla U_N \\ &= \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \cdots + \vec{F}_N \end{aligned}$$